

# グラフとネットワーク 第0回

ガイダンス

岡本 吉央  
okamotoy@uec.ac.jp

電気通信大学

2021年4月9日

最終更新：2021年4月11日 23:02

岡本 吉央（電通大）

グラフとネットワーク(0)

2021年4月9日

1 / 33

概要

どんな問題を扱うのか：例1—優勝可能性の判定

MLB アメリカンリーグ 東地区 1996年8月30日 金曜日

チーム名	勝	敗	残	NYY	BAL	BOS	TOR	DET	他地区
NYY	75	59	28	—	3	8	7	3	7
BAL	71	63	28	3	—	2	7	4	12
BOS	69	66	27	8	2	—	0	0	17
TOR	63	72	27	7	7	0	—	0	13
DET	49	86	27	3	4	0	0	—	20

NYY = ニューヨーク・ヤンキース, BAL = ボルティモア・オリオールズ,  
BOS = ボストン・レッドソックス, TOR = トロント・ブルージェイズ,  
DET = デトロイト・タイガース

優勝可能性判定問題

DETはまだ地区優勝が可能か？

(注：引き分けはない)

～～ 最大流

<https://s2.smu.edu/~olinick/riot/detroit.html>

岡本 吉央（電通大）

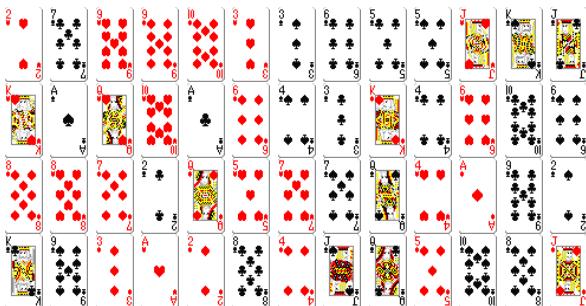
グラフとネットワーク(0)

2021年4月9日

3 / 33

概要

どんな問題を扱うのか：例3—トランプ・マジック？



岡本 吉央（電通大）

グラフとネットワーク(0)

2021年4月9日

5 / 33

概要

どんな問題を扱うのか：例4—コンパイラにおけるレジスタ割当

1: A = 2	1	A	B	C	D	1: R1 = 2	1: R1 = 2
2: B = 3	2					2: R2 = 3	2: R2 = 3
3: B = B + 2	3					3: R2 = R2 + 2	3: R2 = R2 + 2
4: C = A + 1	4					4: R2 = R1 + 1	4: R2 = R1 + 1
5: A = C + 3	5					5: R1 = R2 + 3	5: R1 = R2 + 3
6: D = 4	6					6: R1 = 4	6: R1 = 4
7: D = C + 2	7					7: R1 = R2 + 2	7: R1 = R2 + 2
8: C = 3	8					8: R2 = 3	8: R2 = 3

～～ 彩色

岡本 吉央（電通大）

グラフとネットワーク(0)

2021年4月9日

7 / 33

概要

離散最適化の入門として、次を概説する

▶ グラフとネットワークを用いた数理モデル化

▶ アルゴリズム的解法の背後にいる数理

キャッチフレーズ：「本当の離散数学がここから始まる」

達成目標

以下の4項目をすべて達成すること

1 グラフやネットワークに関する用語を正しく使うことができる

2 現実世界の諸問題をグラフやネットワークで表現し、数理モデルを構築できる

3 アルゴリズム的解法の背後にいる数理、特に、最小最大定理の重要性を説明でき、それを用いて最適性の証明ができる

4 グラフとネットワークに関する簡単な数学的事実を証明できる

岡本 吉央（電通大）

グラフとネットワーク(0)

2021年4月9日

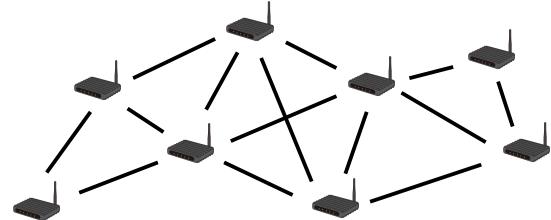
2 / 33

概要

どんな問題を扱うのか：例2—センサネットワークにおける通信

センサネットワークにおける通信

どのようにルーティング経路を設定すれば十分か？



～～ 全域木、連結性

<https://www.logitec.co.jp/products/wlan/lanmbw300ps/>

岡本 吉央（電通大）

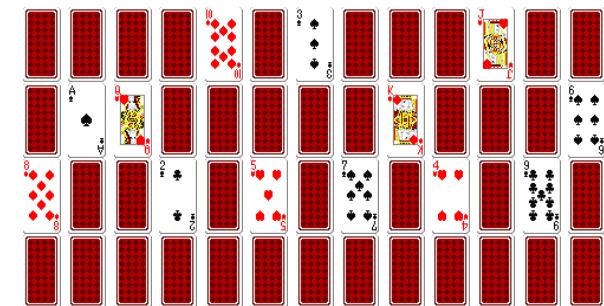
グラフとネットワーク(0)

2021年4月9日

4 / 33

概要

どんな問題を扱うのか：例3—トランプ・マジック？



～～ マッチング

岡本 吉央（電通大）

グラフとネットワーク(0)

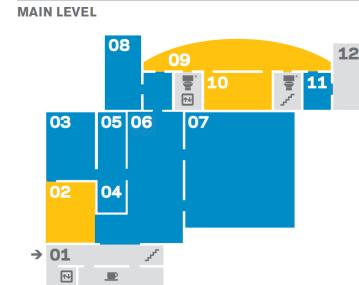
2021年4月9日

6 / 33

概要

どんな問題を扱うのか：例5—監視カメラの設置

360度見渡せる監視カメラを何個設置すれば、隈なく監視できるのか？



- 01 Kress Art Museum Main Entrance and Lobby Peabody Drive Entrance
- 02 Encounters: The Arts of Africa
- 03 West Gallery Temporary Exhibitions
- 04 Light Court Gallery Temporary Exhibitions
- 05 Rosann Gelvin Noel Annex Temporary Exhibitions
- 06 Rosann Gelvin Noel Annex Temporary Exhibitions
- 07 East Gallery Temporary Exhibitions
- 08 Contemporary Gallery Temporary Exhibitions
- 09 Bow Gallery European Art Before 1900
- 10 Trees Gallery European Art Before 1900
- 11 Kinkaid Gallery Temporary Exhibitions
- 12 Kinkaid Pavilion Sixth Street Entrance

<https://kam.illinois.edu/files/Map-main-f2017.png>

～～ 平面グラフ

岡本 吉央（電通大）

グラフとネットワーク(0)

2021年4月9日

8 / 33

## スケジュール 前半(予定)

① ガイダンス	(4/9)
② グラフの定義と次数：数理	(4/16)
③ 道と閉路：数理	(4/23)
④ 木：数理	(4/30)
⑤ マッチング：数理	(5/7)
⑥ マッチング：モデル化	(5/14)
⑦ 最大流：数理	(5/21)
⑧ 最大流：モデル化(1)割当	(5/28)

注意：予定の変更もありうる

## スケジュール 後半(予定)

⑨ 最大流：モデル化(2)二部グラフの最大マッチング	(6/4)
⑩ 最大流：モデル化(3)カットの視点	(6/11)
⑪ 連結性：数理とモデル化	(6/18)
⑫ 彩色：数理	(6/25)
⑬ 彩色：モデル化	(7/2)
⑭ 平面グラフ：数理	(7/9)
⑮ 平面グラフ：モデル化	(7/16)
* 予備	(8/13)

注意：予定の変更もありうる

## 情報

## 教員

- ▶ 岡本 吉央 (おかもと よしお)
- ▶ 居室：西4号館2階206号室
- ▶ E-mail : okamotoy@uec.ac.jp
- ▶ Web : <http://dopal.cs.uec.ac.jp/okamotoy/>

## ティーチング・アシスタント

- ▶ 鈴木 純香 (すずき あやか)
- ▶ 居室：西4号館2階202号室(岡本研究室)

## 講義資料

- ▶ Web : <http://dopal.cs.uec.ac.jp/okamotoy/lect/2021/gn/>
- ▶ Google Classroom : 内部シラバス参照

## 授業の受け方

## 授業時間まで

## 講義動画(オンデマンド)を視聴する

- ▶ 質問・コメントを Classroom で投稿する (前日の 21:00まで)
- ▶ 授業内演習問題の解答を準備しておく

## 授業時間中

## リアルタイム授業を受講する

- ▶ 授業内容について質問・討論を行う (←復習動画として公開される)
- ▶ グループワークで授業内演習問題に取り組む

## 授業時間の後

## 演習問題に取り組む

- ▶ 取り組み方については後述

いずれにおいても、出席は取らない(評価の対象とならない)

## 演習問題(続)

## 答案の提出

- ▶ 演習問題の答案をレポートとして提出 **してもよい**
- ▶ レポートには提出締切がある(各回にて指定)
- ▶ レポートは採点されない(成績に勘案されない)
- ▶ レポートにはコメントがつけられて、返却される
  - ▶ 返却された内容については、再提出ができる(再提出締切は原則なし)

## 格言

## 格言 (三省堂 大辞林)

短い言葉で、人生の真理や処世術などを述べ、教えや戒めとした言葉。  
「石の上にも三年」「沈黙は金」など。金言。

## 格言 (この講義における)

講義内容とは直接関係ないかもしれないが、  
私 (岡本) が重要だと思うこと

## 格言 (の例)

単位取得への最短の道のりは、授業に出て、演習問題を解くこと

## 教科書・参考書

## 教科書

- ▶ 指定しない

## 参考書

- ▶ 藤重悟、「グラフ・ネットワーク・組合せ論」、共立出版、2002.
- ▶ 繁野麻衣子、「ネットワーク最適化とアルゴリズム」、朝倉書店、2010.
- ▶ R.J. ウィルソン (著)、西関隆夫、西関裕子 (訳)、「グラフ理論入門 原書第4版」、近代科学社、2001.
- ▶ 茨木俊秀、永持仁、石井利昌、「グラフ理論」、朝倉書店、2010.
- ▶ など

## 目次

## ① ネットワークの展覧会

## 路線図



[https://www.kotsu.city.nagoya.jp/jp/pc/subway/images/subway\\_routemap.png](https://www.kotsu.city.nagoya.jp/jp/pc/subway/images/subway_routemap.png)

## 輸送ネットワーク

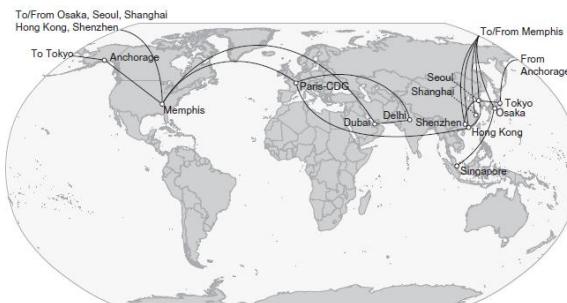


Fig. 8. FedEx Boeing 777-200LRF direct lanes. Source: FedEx (2011b).

J. T. Bowen Jr. (2012), J. Trans. Geography, 24, pp. 419–431

## 今から紹介する例に共通すること

## 間違った認識

現実世界には たくさん ネットワークが 存在する

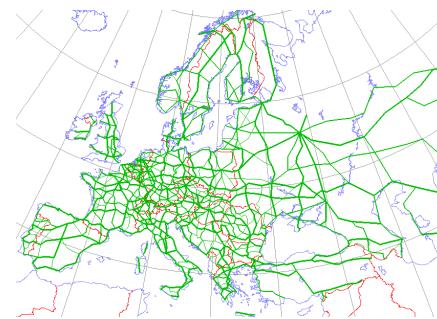
## 正しい認識

現実世界には たくさん ネットワークと見なせることが 存在する

- ▶ 「ネットワーク」としてモデル化している
- ▶ 「グラフ」はネットワークの数理モデルとして使われる

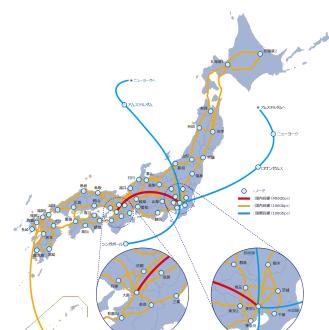
その他の例は 今後の講義や 他の講義の中で

## 道路ネットワーク



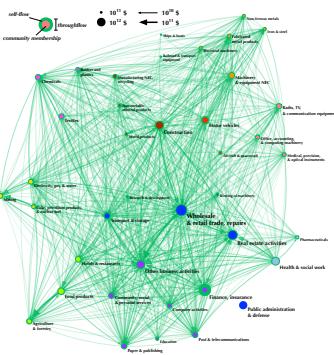
[https://en.wikipedia.org/wiki/File:International\\_E\\_Road\\_Network\\_green.png](https://en.wikipedia.org/wiki/File:International_E_Road_Network_green.png)

## 情報通信ネットワーク



<https://www.sinet.ad.jp/aboutsinet>

## 産業連関ネットワーク



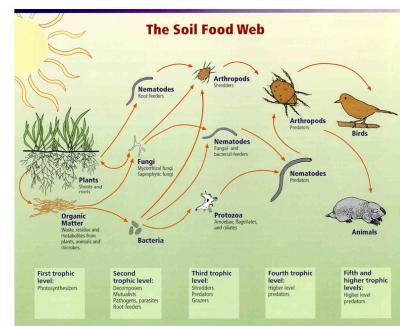
J. Mc너너리, et al. (2013), Physica A, 392, pp. 6427–6411

岡本 吉央 (電通大)

グラフとネットワーク (0)

2021年4月9日 25 / 33

## 食物網

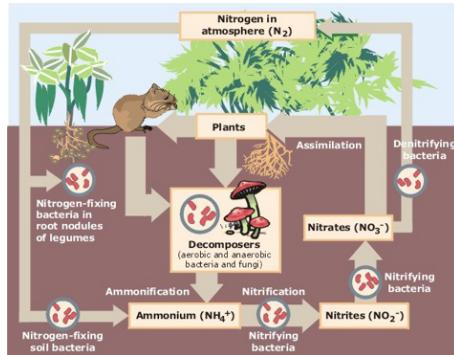
[https://en.wikipedia.org/wiki/File:Soil\\_food\\_webUSDA.jpg](https://en.wikipedia.org/wiki/File:Soil_food_webUSDA.jpg)

岡本 吉央 (電通大)

グラフとネットワーク (0)

2021年4月9日 26 / 33

## 窒素循環

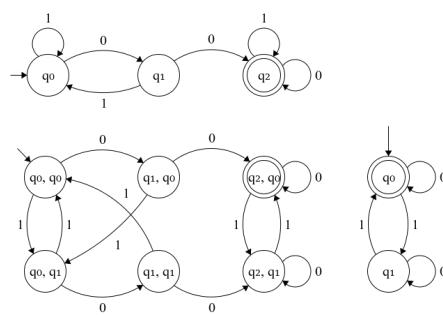
[https://en.wikipedia.org/wiki/File:Nitrogen\\_Cycle.jpg](https://en.wikipedia.org/wiki/File:Nitrogen_Cycle.jpg)

岡本 吉央 (電通大)

グラフとネットワーク (0)

2021年4月9日 27 / 33

## 状態遷移図

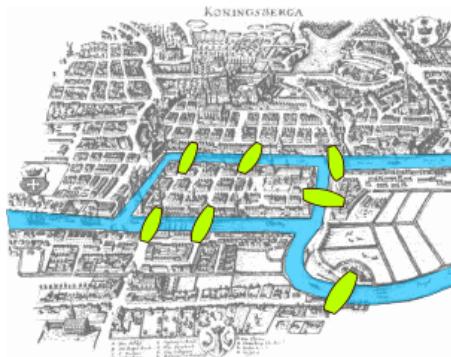
<https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Intersection1.png>

岡本 吉央 (電通大)

グラフとネットワーク (0)

2021年4月9日 29 / 33

## ケーニヒスベルクの橋の問題 (オイラー, 1735年)

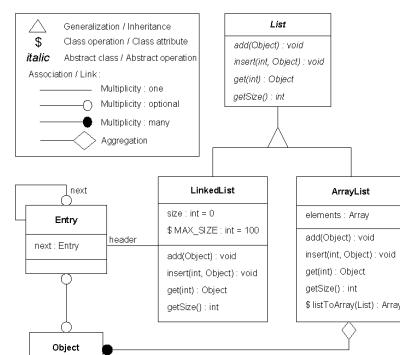
[http://en.wikipedia.org/wiki/File:Konigsberg\\_bridges.png](http://en.wikipedia.org/wiki/File:Konigsberg_bridges.png)

岡本 吉央 (電通大)

グラフとネットワーク (0)

2021年4月9日 31 / 33

## オブジェクトモデル図

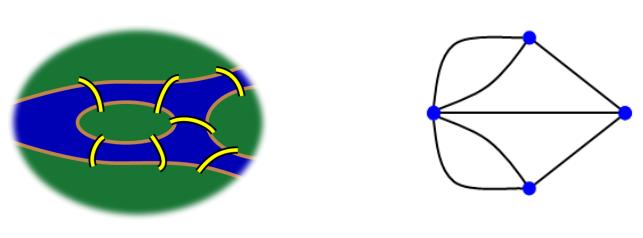
[https://en.wikipedia.org/wiki/File:OMT\\_object\\_diagram.png](https://en.wikipedia.org/wiki/File:OMT_object_diagram.png)

岡本 吉央 (電通大)

グラフとネットワーク (0)

2021年4月9日 30 / 33

## ケーニヒスベルクの橋の問題: 続き

[https://en.wikipedia.org/wiki/Seven\\_Bridges\\_of\\_Konigsberg](https://en.wikipedia.org/wiki/Seven_Bridges_of_Konigsberg)

岡本 吉央 (電通大)

グラフとネットワーク (0)

2021年4月9日 32 / 33

2021年4月9日 32 / 33

**間違った認識**

現実世界には たくさん ネットワークが 存在する

**正しい認識**

現実世界には たくさん ネットワークと見なせることが 存在する

- ▶ 「ネットワーク」としてモデル化している
- ▶ 「グラフ」はネットワークの数理モデルとして使われる

その他の例は 今後の講義や 他の講義の中で