提出締切: 2015年4月24日

 $B = \{a, b, c, q, h\}$ と定める. このとき, 次の3つの 集合は何になるか? 要素をすべて並べること (外延 的定義) により答えよ.

1. $A \cap B$.

2. $A \cup B$.

3. A - B.

復習問題 2.2 真理値表を用いることで、命題変数 P,Qに対して,次の命題論理式が恒真式であること を証明せよ.

1. $P \rightarrow (Q \rightarrow P)$.

2. $P \vee \neg P$.

復習問題 2.3 真理値表を用いることで、任意の命 題変数 P,Q に対して次が成り立つことを証明せよ.

- 1. $P \to Q \Leftrightarrow \neg P \lor Q$.
- 2. $P \leftrightarrow Q \Leftrightarrow (P \to Q) \land (Q \to P)$.
- 3. $\neg (P \lor Q) \Leftrightarrow \neg P \land \neg Q$.
- 4. $\neg (P \land Q) \Leftrightarrow \neg P \lor \neg Q$.
- 5. $P \to Q \Leftrightarrow \neg Q \to \neg P$.

復習問題 2.4 同値変形によって,任意の命題変数 P, Q, R に対して次が成り立つことを証明せよ.

- 1. $P \wedge (Q \wedge R) \Leftrightarrow (P \wedge Q) \wedge (P \wedge R)$.
- 2. $(P \land Q) \rightarrow R \Leftrightarrow P \rightarrow (Q \rightarrow R)$.

復習問題 2.5 同値変形によって, 任意の集合 A, B, C に対して $A - (B \cap C) = (A - B) \cup (A - C)$ が成り 立つことを証明せよ. (証明を始める前に、オイラー 図を描いて, 証明すべきことが正しそうであるか確 認するとよい.)

補足問題 2.6 真理値表を用いることで、任意の命題 変数 P,Q,R に対して次が成り立つことを証明せよ.

- 1. $P \wedge P \Leftrightarrow P$.
- 2. $P \lor P \Leftrightarrow P$.
- 3. $P \wedge Q \Leftrightarrow Q \wedge P$.
- 4. $P \lor Q \Leftrightarrow Q \lor P$.

- 5. $(P \land Q) \lor P \Leftrightarrow P$. 6. $(P \lor Q) \land P \Leftrightarrow P$.
- 7. $P \Leftrightarrow \neg(\neg P)$.
- 8. $P \wedge T \Leftrightarrow P$.
- 9. $P \vee \mathsf{F} \Leftrightarrow P$.
- 10. $P \land F \Leftrightarrow F$. 11. $P \lor T \Leftrightarrow T$.
- 12. $(P \wedge Q) \wedge R \Leftrightarrow P \wedge (Q \wedge R)$.
- 13. $(P \lor Q) \lor R \Leftrightarrow P \lor (Q \lor R)$.
- 14. $(P \lor Q) \land R \Leftrightarrow (P \land R) \lor (Q \land R)$.
- 15. $(P \land Q) \lor R \Leftrightarrow (P \lor R) \land (Q \lor R)$.
- 16. $P \wedge (Q \vee R) \Leftrightarrow (P \wedge Q) \vee (P \wedge R)$.
- 17. $P \vee (Q \wedge R) \Leftrightarrow (P \vee Q) \wedge (P \vee R)$.
- 18. $(P \to Q) \land (P \to R) \Leftrightarrow P \to (Q \land R)$.

追加問題 2.7 集合 A, B, C を次のように定める.

- $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}.$
- $B = \{5, 6, 7, 8, 9\}$.
- $C = \{3, 4, 5, 6, 7, 8\}$.

このとき、次の各集合は何であるか? その要素をす べて並べること (外延的定義) により答えよ.

- 1. $A \cap B$.
- $2. A \cup B.$
- 3. A B.

- 4. B A.
- 5. $(A \cap B) \cup C$.
- 6. $(A \cup B) C$.
- 7. $C (A \cup B)$.

追加問題 2.8 同値変形によって,任意の集合 A,B,Cに対して次が成り立つことを証明せよ.

- 1. $(A \cap B) C = A \cap (B C)$.
- 2. $(A B) \cap (A C) = (A B) C$.

(証明を始める前に、オイラー図を描いて、証明すべ きことが正しそうであるか確認するとよい.)