

離散最適化基礎論 第 6 回
展開形ゲーム：基礎概念

岡本 吉央

okamotoy@uec.ac.jp

電気通信大学

2012 年 11 月 9 日

最終更新：2012 年 11 月 9 日 11:51

ゲームの種類 (第1回講義から)

- ▶ 非協力ゲーム (non-cooperative game)
 - ▶ 戦略形ゲーム (strategic game)
 - ▶ 展開形ゲーム (extensive game)
 - ▶ ...
- ▶ 協力ゲーム (cooperative game)
 - ▶ 特性関数形ゲーム (characteristic function game)
 - ▶ ...
- ▶ ...

概要

目標

展開形ゲームが何であるのか，理解する

- ▶ 展開形ゲームの構成要素
- ▶ 混合戦略と行動戦略
- ▶ 完全情報展開形ゲームのナッシュ均衡計算法

目次

- ① 展開形ゲームとは？
- ② 展開形ゲームにおける混合戦略と行動戦略
- ③ 完全情報展開形ゲームと後ろ向き帰納法
- ④ 今日のまとめ

展開形ゲームが対象とする状況

- ▶ プレイヤーが何人かいる
- ▶ 各プレイヤーはルールに従って順番に戦略を選択する
- ▶ 各プレイヤーには何度も戦略を選択する機会が与えられるかもしれない
- ▶ 各プレイヤーは他のプレイヤーの選んだ戦略を知っているかもしれないし、知らないかもしれない
- ▶ 各プレイヤーは自分が既に選んだ戦略を覚えていないかもしれない

例 1 : 将棋



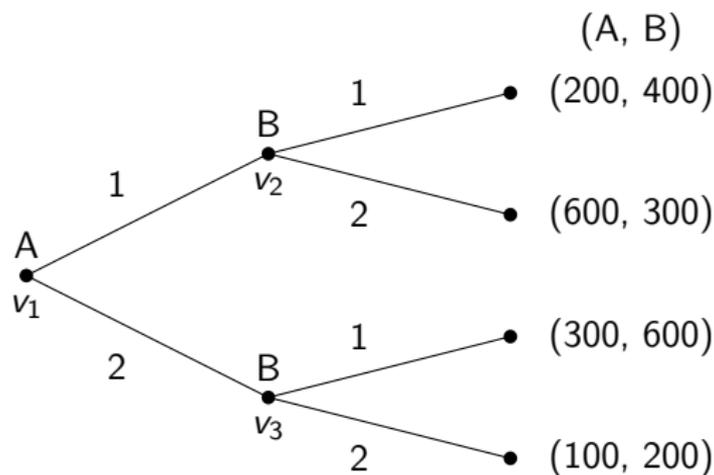
http://en.wikipedia.org/wiki/File:Shogi_Ban_Koma.jpg

例 2 : コンビニ出店

2つのコンビニチェーン A と B が駅 1 と駅 2 のどちらに出店するか決める

- ▶ A は計画が進んでおり，あとはどちらに出店するか決めるのみ
- ▶ B は計画が遅れている
- ▶ B は A の出店を見た後で，どちらに出店するか決められる
- ▶ B は A の 2 倍の客を獲得できる
- ▶ 駅 1 でのコンビニ利用者数は 600
- ▶ 駅 2 でのコンビニ利用者数は 300

例 2 : コンビニ出店 — ゲーム木による表現

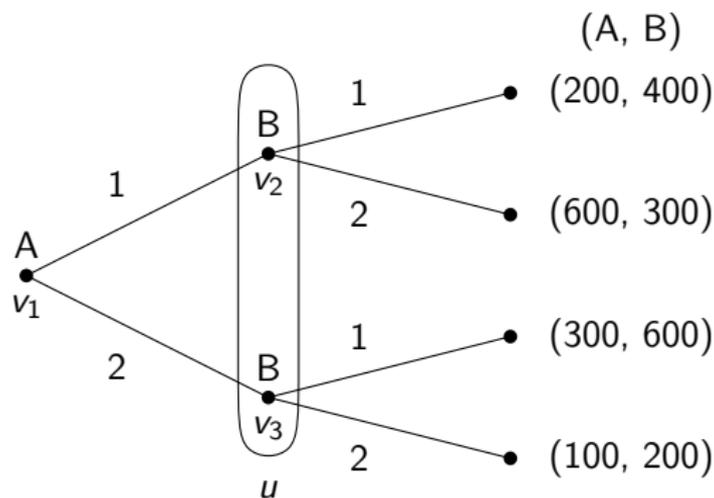


例 3 : コンビニ出店 (Part 2)

2つのコンビニチェーン A と B が駅 1 と駅 2 のどちらに出店するか決める

- ▶ A は計画が進んでおり，あとはどちらに出店するか決めるのみ
- ▶ B は計画が遅れている
- ▶ B は A の出店を見た後で，どちらに出店するか**決められない**
- ▶ B は A の 2 倍の客を獲得できる
- ▶ 駅 1 でのコンビニ利用者数は 600
- ▶ 駅 2 でのコンビニ利用者数は 300

例 3 : コンビニ出店 (Part 2) — ゲーム木による表現

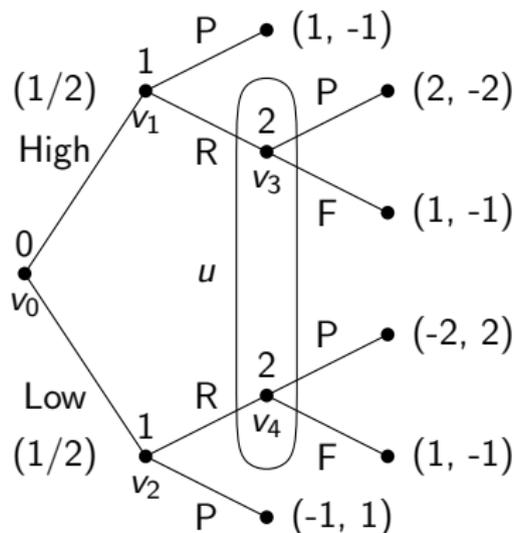


例 4 : カードゲーム

2人のプレイヤーで次のようなカードゲームを行う

- ▶ カードは3種類：High > Middle > Low (「>」はカードの強さ)
- ▶ プレイヤー1は確率 $1/2$ で High を，確率 $1/2$ で Low のカードを得る
- ▶ プレイヤー2は Middle のカードを確実に得る
- ▶ プレイヤーは自分のカードを得てから，以下の行動を選択する
 - ▶ プレイヤー1は1ドル賭けるか，2ドル賭けるか申告する
 - ▶ プレイヤー1が1ドル賭けた場合，プレイヤー2とすぐに勝負し，負けた方が勝った方に1ドル払う
 - ▶ プレイヤー1が2ドル賭けた場合，プレイヤー2は1ドル払って降りるか，2ドルで勝負するかを申告する
勝負の場合は負けた方が勝った方に2ドル払う

例 4 : カードゲーム

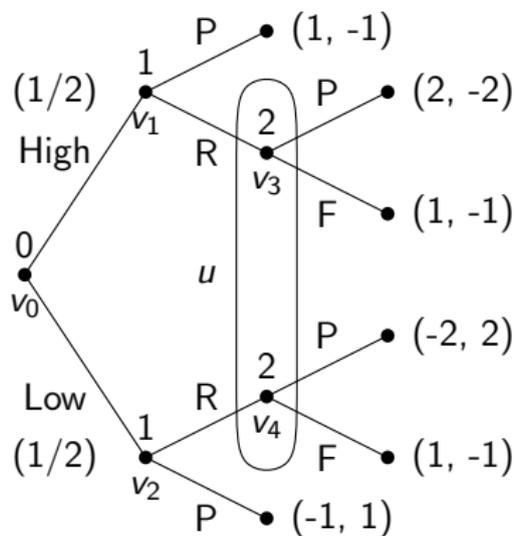


プレイヤー0は「自然」(nature) という仮想的プレイヤーでプレイヤーが操作できない偶然手番 (chance move) を司る

展開形ゲームの記述：プレイヤー

プレイヤーの集合を N で表す

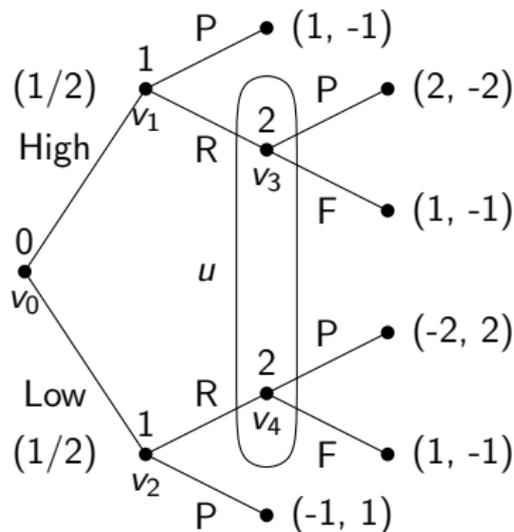
- ▶ 通常はプレイヤー 1, プレイヤー 2 とプレイヤーを名づける
- ▶ プレイヤー 0 は「自然」



$$N = \{1, 2\}$$

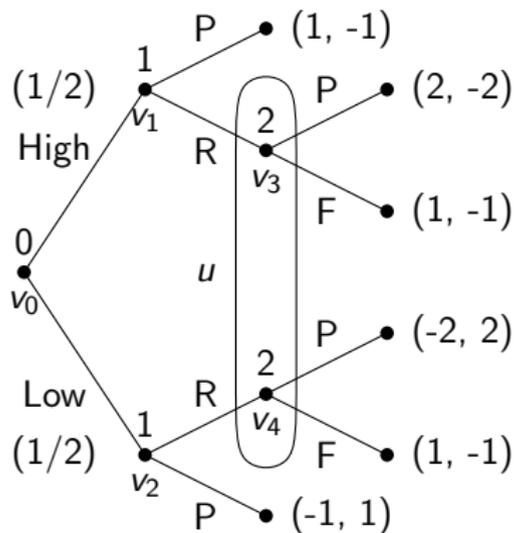
展開形ゲームの記述：ゲーム木

ゲームの進行を根つき木で表現する

木の頂点集合 $V(T)$, 内部頂点の集合 $= \{v_0, v_1, v_2, v_3, v_4\}$

展開形ゲームの記述：戦略

根つき木の各内部ノードにプレイヤーの選択できる（純粋）戦略が与えられている

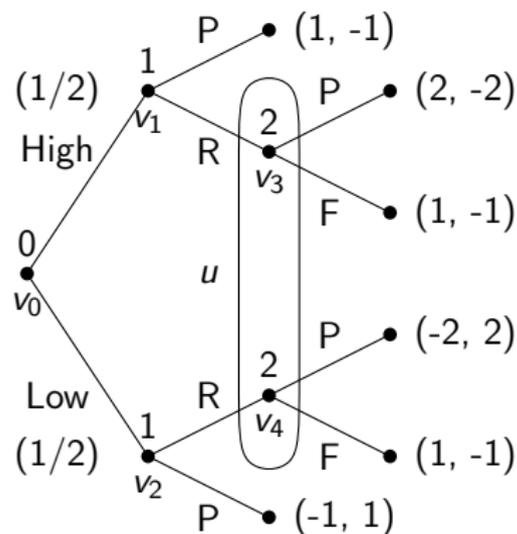


- ▶ $A(v_0) = \{\text{High}, \text{Low}\}$
- ▶ $A(v_1) = \{\text{P}, \text{R}\}$
- ▶ $A(v_2) = \{\text{P}, \text{R}\}$
- ▶ $A(v_3) = \{\text{P}, \text{F}\}$
- ▶ $A(v_4) = \{\text{P}, \text{F}\}$

（純粋）戦略の選択 1 つ 1 つが部分木に対応する

展開形ゲームの記述：プレイヤー分割

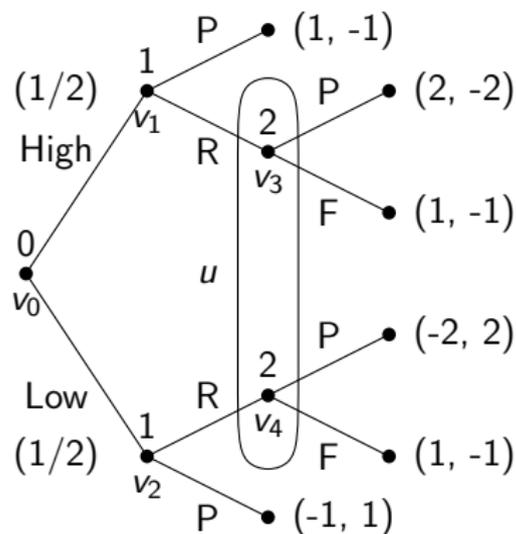
根つき木の各内部頂点にプレイヤーが1人割り当てられる



- ▶ $P_0 = \{v_0\}$
- ▶ $P_1 = \{v_1, v_2\}$
- ▶ $P_2 = \{v_3, v_4\}$

展開形ゲームの記述：偶然手番の確率分布

自然が割り当てられた内部頂点において各戦略が選ばれる確率

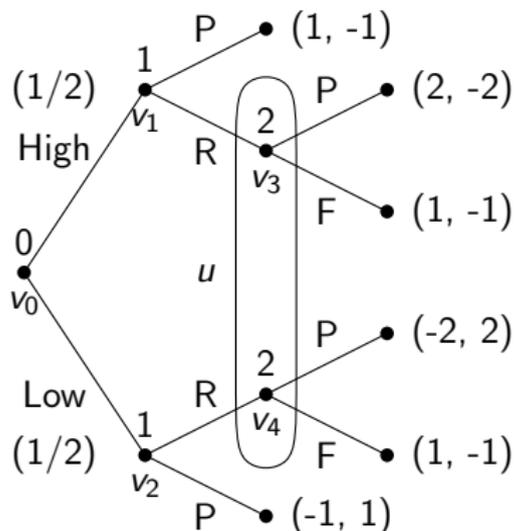


- ▶ $\Pr[\text{自然が High を選択}] = 1/2$
- ▶ $\Pr[\text{自然が Low を選択}] = 1/2$

展開形ゲームの記述：情報分割

プレイヤー i の情報集合

プレイヤー i が割り当てられた内部頂点で、
プレイヤー i が区別できないもの同士を集めたもの

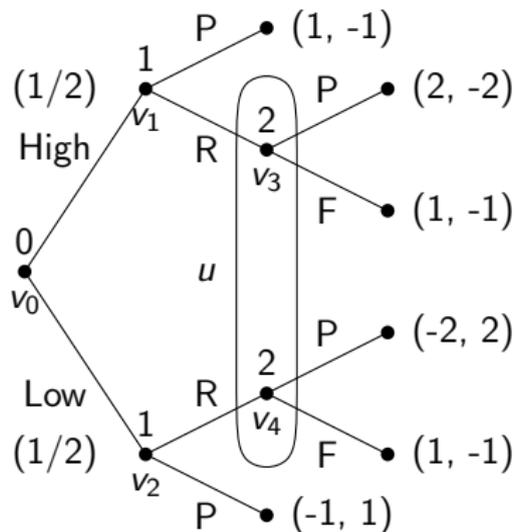


- ▶ $U_0 = \{v_0\}$
- ▶ $U_1 = \{v_1, v_2\}$
- ▶ $U_2 = \{v_3, v_4\}$

プレイヤー i の情報分割とは、プレイヤー i の情報集合を全部集めたもの

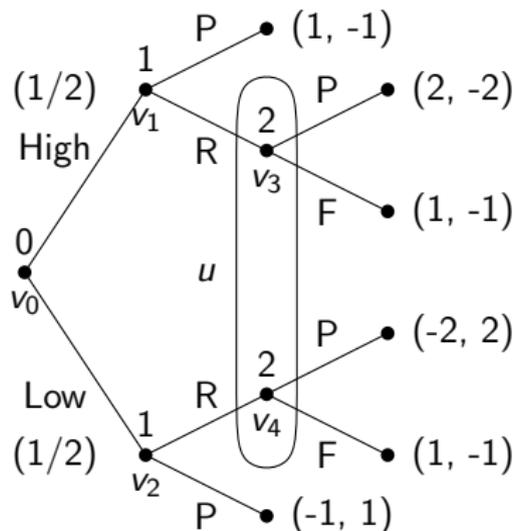
展開形ゲームの記述：利得関数

根つき木の葉にたどり着いたときに，各プレイヤーが受け取る利得



展開形ゲームのルール

- 1 根つき木の根からゲームを開始する
- 2 今いる頂点が葉 \Rightarrow その利得を各プレイヤーが受け取る
- 3 今いる頂点が内部頂点 \Rightarrow
 - ① その頂点に割り当てられているプレイヤーが戦略を選択する
 - ② 選択に従って部分木へ移動する
 - ③ その部分木において再帰的にゲームをプレイする



展開形ゲームの種類：情報完備ゲーム

情報完備ゲーム (game with complete information) とは？

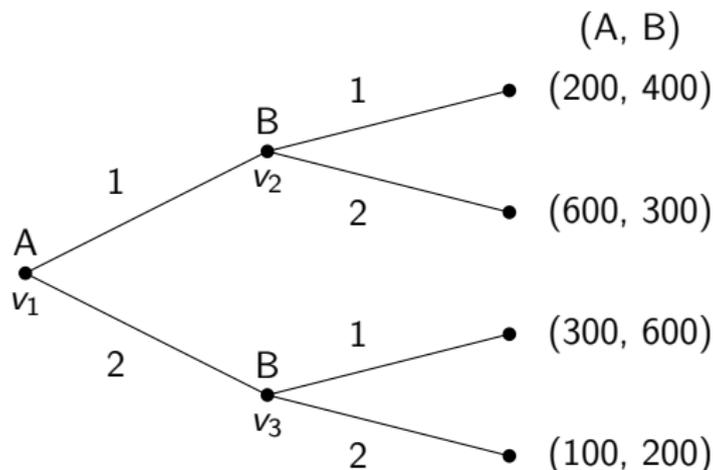
すべてのプレイヤーがプレイヤー集合，ゲーム木，戦略，プレイヤー分割，偶然手番の確率分布，情報分割，利得関数，ゲームのルールをすべて知っている展開形ゲーム

そうでないゲームは情報不完備ゲームと呼ばれる

展開形ゲームの種類：完全情報ゲーム

完全情報ゲーム (game with perfect information) とは？

すべての情報集合の要素数が1であるような展開形ゲーム

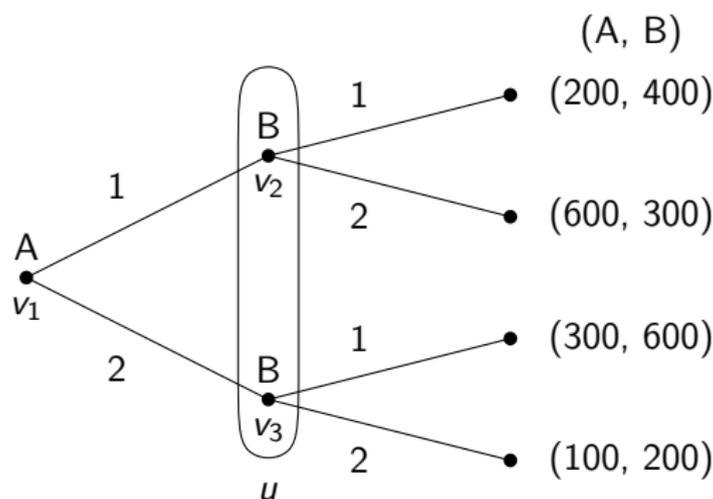


- ▶ 将棋は完全情報ゲーム
- ▶ 偶然手番があってもよい

展開形ゲームの種類：完全記憶ゲーム

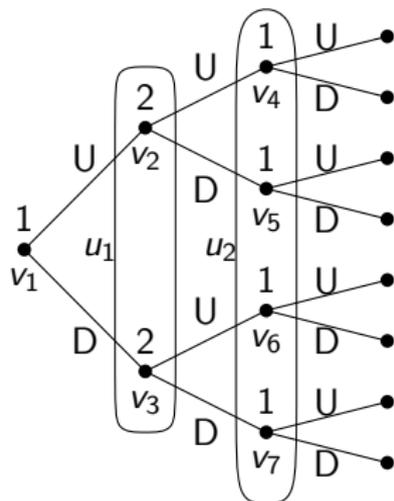
完全記憶ゲーム (game with perfect recall) とは？

各プレイヤーが、自分のいままで選択した戦略をすべて覚えているような展開形ゲーム



▶ 完全情報ゲームは完全記憶ゲーム

完全記憶ゲームではない例



展開形ゲーム：形式的定義 — ゲーム木

- ▶ **ゲーム木** (game tree) は根つき木 T
 - ▶ **根つき木** (rooted tree) とは、根 (root) と呼ばれる特別な頂点を持つ
 - ▶ 展開形ゲームでは根を初期頂点と呼ぶこともある
- ▶ T の頂点集合を $V(T)$ と書く
- ▶ 各頂点 $v \in V(T)$ から出る辺の集合を $E(v)$ と書く
- ▶ $E(v) = \emptyset$ となる頂点 $v \in V(T)$ を T の**葉** (leaf) と呼ぶ
- ▶ T の葉をすべて集めた集合を $L(T)$ と書く
- ▶ $L(T)$ の要素ではない T の頂点は T の**内部頂点**と呼ばれる

展開形ゲーム：形式的定義 — プレイヤー分割

プレイヤーの集合 $N = \{1, 2, \dots, n\}$

- ▶ **プレイヤー分割** (player partition) とは $V(T) - L(T)$ の分割 $\{P_0, P_1, P_2, \dots, P_n\}$
 - ▶ $V(T) - L(T) = P_0 \cup P_1 \cup P_2 \cup \dots \cup P_n$
 - ▶ $\forall i \neq j: P_i \cap P_j = \emptyset$
- ▶ P_i はプレイヤー i の手番をすべて集めた集合
- ▶ P_0 は偶然手番をすべて集めた集合

展開形ゲーム：形式的定義 — 情報分割

プレイヤーの集合 $N = \{1, 2, \dots, n\}$, プレイヤー分割 $\{P_0, P_1, \dots, P_n\}$

- ▶ プレイヤー i の**情報分割** (information partition) とは P_i の分割 U_i
 - ▶ $P_i = \bigcup_{u \in U_i} u$
 - ▶ $\forall u \neq u' \in U_i: u \cap u' = \emptyset$
- ▶ ただし, $\forall u \in U_i, \forall v, v' \in u: |E(v)| = |E(v')|$
- ▶ 各 $u \in U_i$ をプレイヤー i の**情報集合** (information set) と呼ぶ
- ▶ 普通は, T の根から葉へ至る任意のパスと各情報集合は高々1回しか交わらないと仮定
- ▶ P_0 に対するプレイヤー分割 U_0 において,
 - 「 $\forall u \in U_0: u_0$ の要素数は1」であるとする

展開形ゲーム：形式的定義 — 戦略

プレイヤー i の情報集合 $u \in U_i$ における戦略の集合を $A(u)$ と書く

- ▶ 各戦略 $a \in A(u)$ と各頂点 $v \in u$ に対してちょうど1つの辺 $e_a \in E(v)$ が対応する
- ▶ u においてプレイヤー i が戦略 a を選んだとき，ゲーム木において実際は $v \in u$ にいるならば，ゲームは v から e_a をたどって到達する部分木に移行する

展開形ゲーム：形式的定義 — 偶然手番における確率分布

偶然手番 $v \in P_0$, 戦略集合 $A(\{v\})$

- ▶ 偶然手番 v における確率分布 $p_v: A(\{v\}) \rightarrow \mathbb{R}$
 - ▶ $\forall a \in A(\{v\}): p_v(a) \geq 0$
 - ▶ $\sum_{a \in A(\{v\})} p_v(a) = 1$

展開形ゲーム：形式的定義 — 利得関数

利得関数 $f: L(T) \rightarrow \mathbb{R}^N$

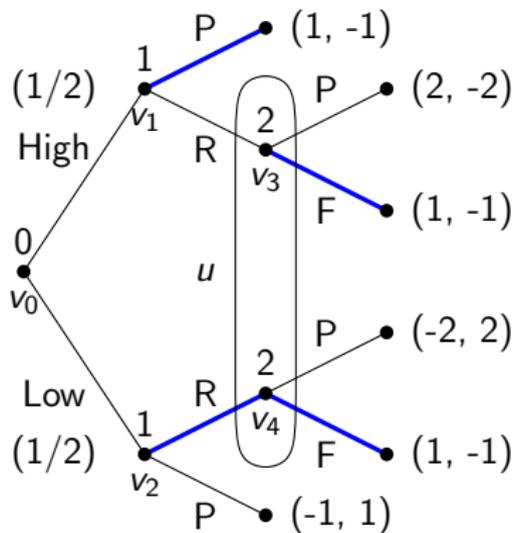
- ▶ 任意の $v \in L(T)$ と $i \in N$ に対して
 $f(v)_i$ はゲームが v にたどりついたときプレイヤー i が受け取る利得

目次

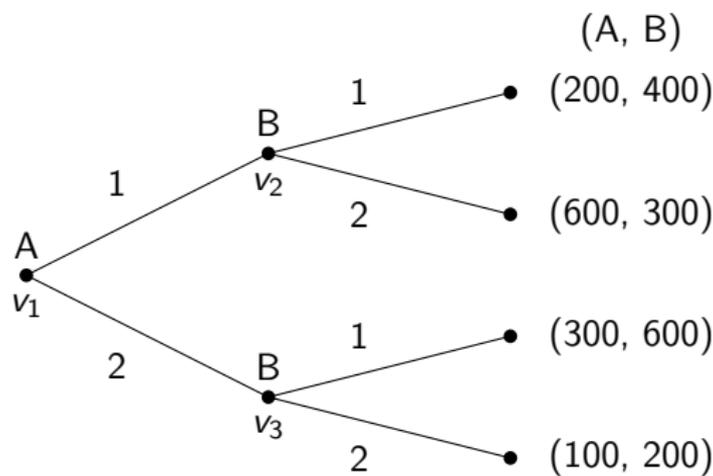
- ① 展開形ゲームとは？
- ② 展開形ゲームにおける混合戦略と行動戦略
- ③ 完全情報展開形ゲームと後ろ向き帰納法
- ④ 今日のまとめ

展開形ゲームにおける戦略は、各情報集合における選択の集まり

展開形ゲームにおける戦略は、各情報集合における選択の集まり



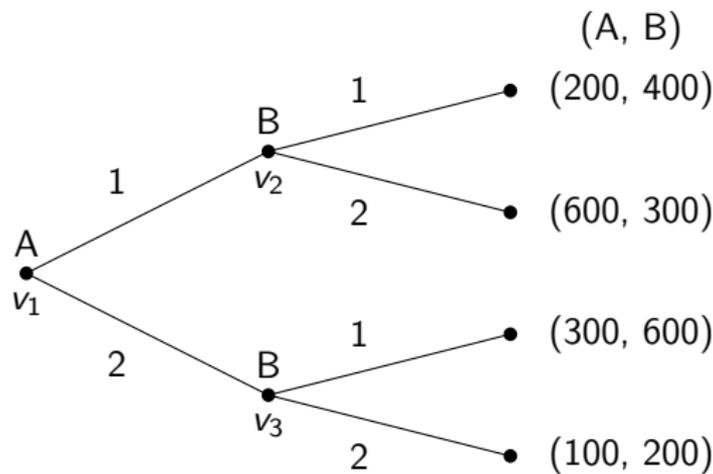
展開形ゲームを戦略形ゲームとして表現する — コンビニ出店 (1)



A の 利得行列		B (v_2, v_3)			
		(1,1)	(1,2)	(2,1)	(2,2)
A	1	200	200	600	600
(v_1)	2	300	100	300	100

これを展開形ゲームの**標準化**と呼ぶことがある

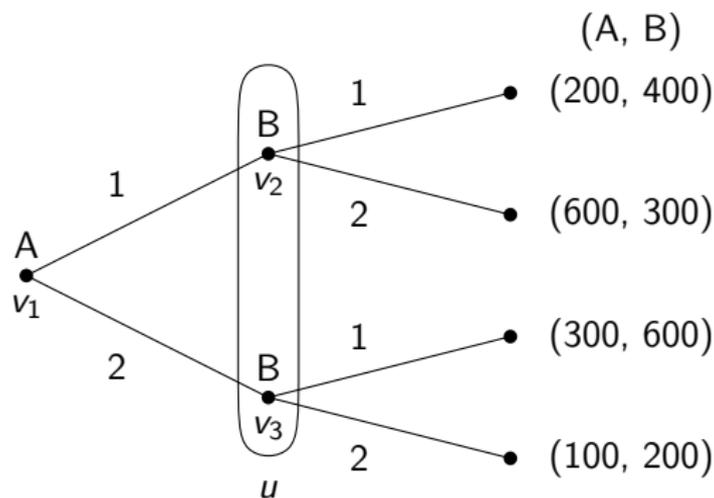
展開形ゲームを戦略形ゲームとして表現する — コンビニ出店 (2)



B の 利得行列		B (v_2, v_3)			
		(1,1)	(1,2)	(2,1)	(2,2)
A (v_1)	1	400	400	300	300
	2	600	200	600	200

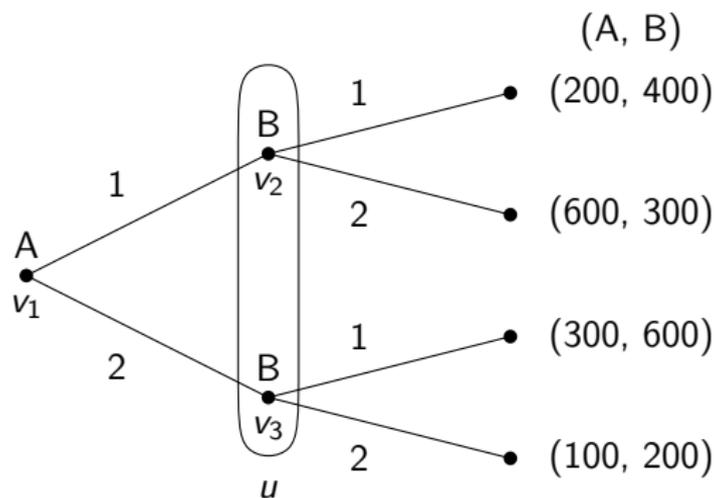
これを展開形ゲームの**標準化**と呼ぶことがある

展開形ゲームを戦略形ゲームとして表現する — コンビニ出店 Part 2 (1)



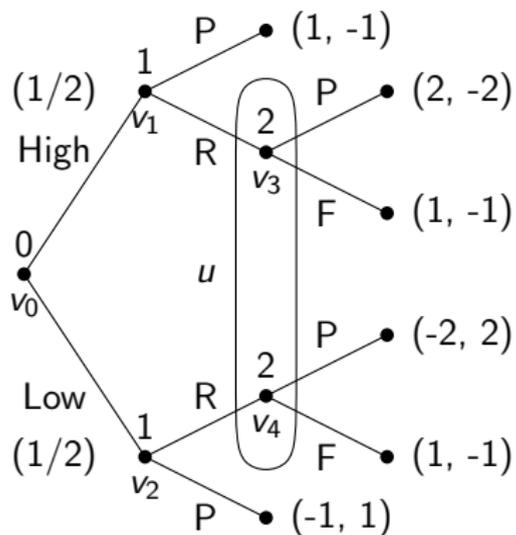
A の 利得行列		B (u)	
		1	2
A	1	200	600
(v_1)	2	300	100

展開形ゲームを戦略形ゲームとして表現する — コンビニ出店 Part 2 (2)



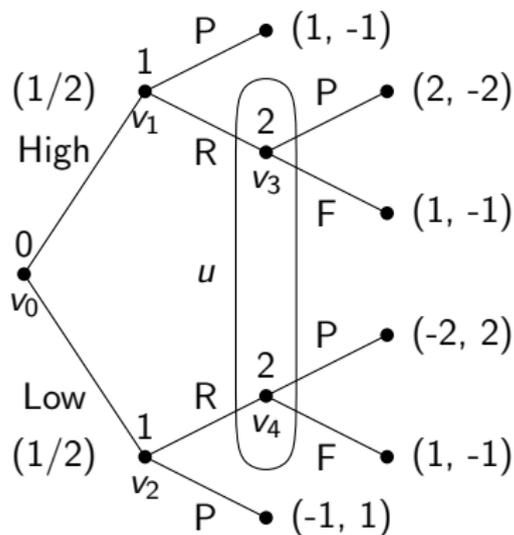
B の 利得行列		B (u)	
		1	2
A	1	400	300
(v_1)	2	600	200

展開形ゲームを戦略形ゲームとして表現する — カードゲーム (1)



1 の 期待利得行列		2 (u)	
		P	F
1 (v_1, v_2)	(P, P)	0	0
	(P, R)	$-1/2$	1
	(R, P)	$1/2$	0
	(R, R)	0	1

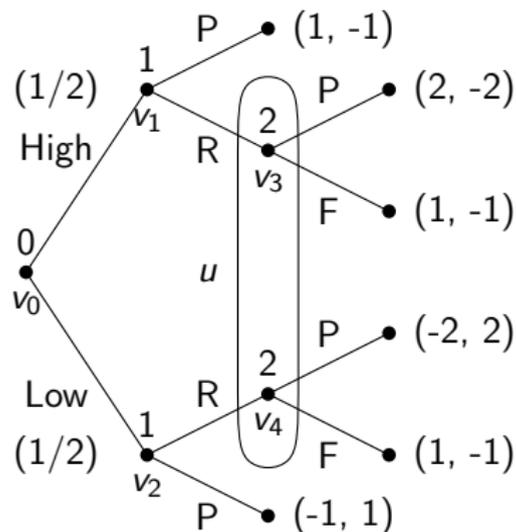
展開形ゲームを戦略形ゲームとして表現する — カードゲーム (2)



2 の 期待利得行列		2 (u)	
		P	F
1 (v_1, v_2)	(P, P)	0	0
	(P, R)	$1/2$	-1
	(R, P)	$-1/2$	0
	(R, R)	0	-1

展開形ゲームにおける混合戦略

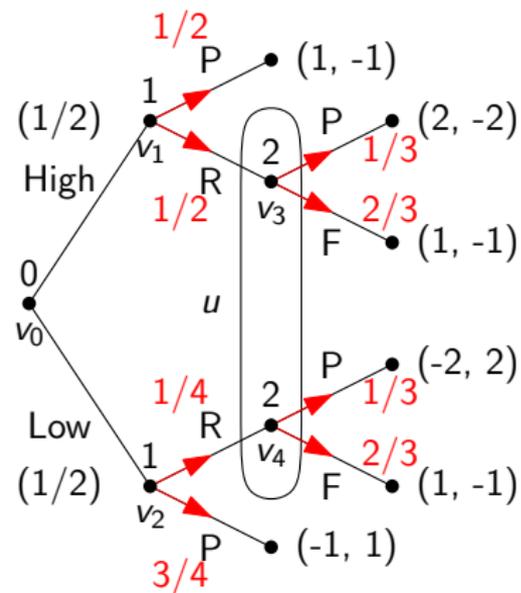
展開形ゲームにおける混合戦略は，この表現における混合戦略



1 の 期待利得行列		2 (u)	
		P	F
1 (v_1, v_2)	(P, P)	0	0
	(P, R)	$-1/2$	1
	(R, P)	$1/2$	0
	(R, R)	0	1

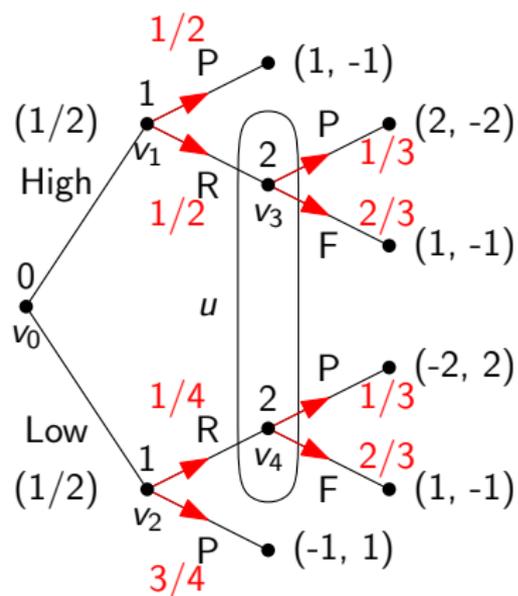
展開形ゲームにおける行動戦略

各情報集合における純粋戦略上の確率分布を集めたもの



- ▶ $\Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } P \text{ を選択}] = 1/2$
- ▶ $\Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } R \text{ を選択}] = 1/2$
- ▶ $\Pr[v_2 \text{ で } 1 \text{ が } P \text{ を選択}] = 3/4$
- ▶ $\Pr[v_2 \text{ で } 1 \text{ が } R \text{ を選択}] = 1/4$
- ▶ $\Pr[u \text{ で } 2 \text{ が } P \text{ を選択}] = 1/3$
- ▶ $\Pr[u \text{ で } 2 \text{ が } F \text{ を選択}] = 2/3$

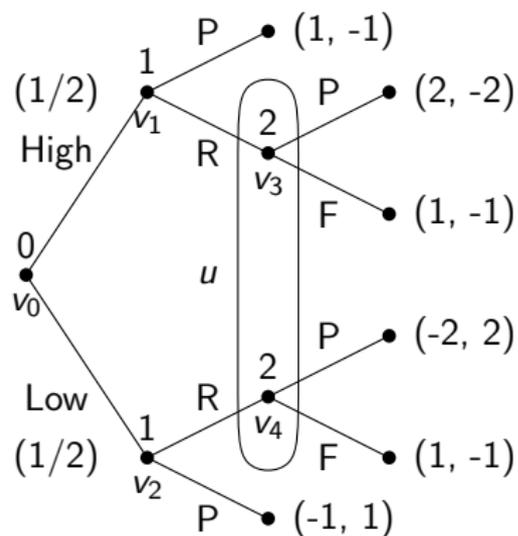
行動戦略から混合戦略を作る



- ▶ Pr[1 が (P,P) を選択]
 $= \Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } P] \cdot \Pr[v_2 \text{ で } 1 \text{ が } P]$
 $= \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3}{8}$
- ▶ Pr[1 が (P,R) を選択]
 $= \Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } P] \cdot \Pr[v_2 \text{ で } 1 \text{ が } R]$
 $= \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$
- ▶ Pr[1 が (R,P) を選択]
 $= \Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } R] \cdot \Pr[v_2 \text{ で } 1 \text{ が } P]$
 $= \frac{1}{2} \cdot \frac{3}{4} = \frac{3}{8}$
- ▶ Pr[1 が (R,R) を選択]
 $= \Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } R] \cdot \Pr[v_2 \text{ で } 1 \text{ が } R]$
 $= \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$

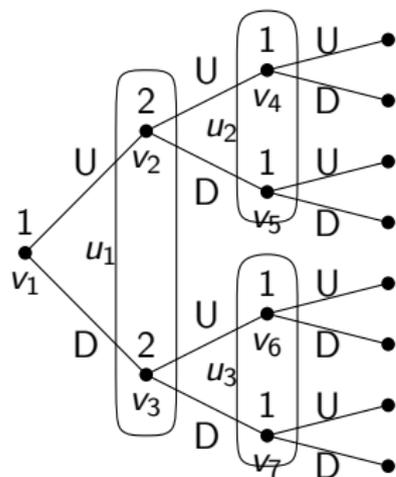
確認： $\frac{3}{8} + \frac{1}{8} + \frac{3}{8} + \frac{1}{8} = 1$

混合戦略から行動戦略を作る



- ▶ $\Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } P] = \Pr[1 \text{ が } (P,P)] + \Pr[1 \text{ が } (P,R)]$
- ▶ $\Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } R] = \Pr[1 \text{ が } (R,P)] + \Pr[1 \text{ が } (R,R)]$
- ▶ $\Pr[v_2 \text{ で } 1 \text{ が } P] = \Pr[1 \text{ が } (P,P)] + \Pr[1 \text{ が } (R,P)]$
- ▶ $\Pr[v_2 \text{ で } 1 \text{ が } R] = \Pr[1 \text{ が } (P,R)] + \Pr[1 \text{ が } (R,R)]$

別の例

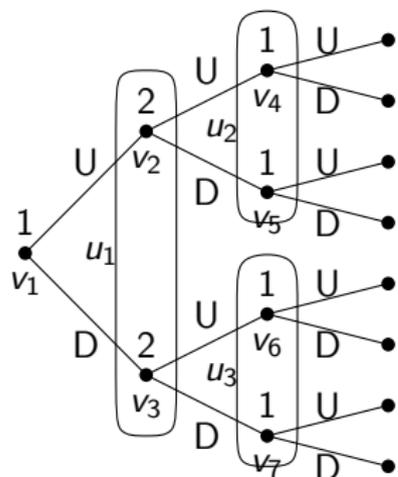


戦略形ゲームに変換したとき

- ▶ プレイヤー 1 の戦略：
 (v_1, u_2, u_3) として 8 つ
 - ▶ $(U, U, U), (U, U, D), (U, D, U),$
 $(U, D, D), (D, U, U), (D, U, D),$
 $(D, D, U), (D, D, D)$
- ▶ プレイヤー 2 の戦略：
 u_1 において 2 つ
 - ▶ U, D

別の例：混合戦略から行動戦略へ

混合戦略： $p_{XYZ} = \Pr[1 \text{ が } v_1 \text{ で } X, u_2 \text{ で } Y, u_3 \text{ で } Z \text{ を選択}]$ とする



$$\begin{aligned} &\blacktriangleright \Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } U] \\ &= p_{UUU} + p_{UUD} + p_{UDU} + p_{UDD} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &\blacktriangleright \Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } D] \\ &= p_{DUU} + p_{DUD} + p_{DDU} + p_{DDD} \end{aligned}$$

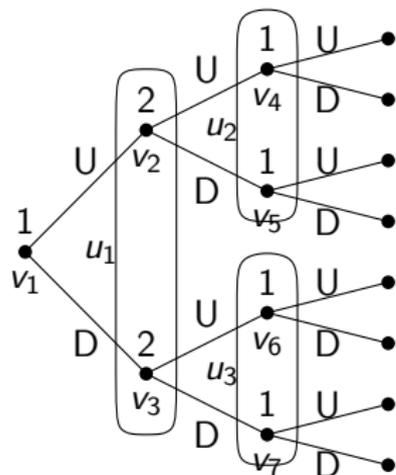
$$\begin{aligned} &\blacktriangleright \Pr[u_2 \text{ で } 1 \text{ が } U] \\ &= \frac{p_{UUU} + p_{UUD}}{p_{UUU} + p_{UUD} + p_{UDU} + p_{UDD}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &\blacktriangleright \Pr[u_2 \text{ で } 1 \text{ が } D] \\ &= \frac{p_{UDU} + p_{UDD}}{p_{UUU} + p_{UUD} + p_{UDU} + p_{UDD}} \end{aligned}$$

$$\blacktriangleright \Pr[u_3 \text{ で } 1 \text{ が } U] = \frac{p_{DUU} + p_{DDU}}{p_{DUU} + p_{DUD} + p_{DDU} + p_{DDD}}$$

$$\blacktriangleright \Pr[u_3 \text{ で } 1 \text{ が } D] = \frac{p_{DUD} + p_{DDD}}{p_{DUU} + p_{DUD} + p_{DDU} + p_{DDD}}$$

別の例：行動戦略から混合戦略へ



- ▶ $p_{UUU} = \Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } U] \cdot \Pr[u_2 \text{ で } 1 \text{ が } U] \cdot \Pr[u_3 \text{ で } 1 \text{ が } U]$
- ▶ $p_{UUD} = \Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } U] \cdot \Pr[u_2 \text{ で } 1 \text{ が } U] \cdot \Pr[u_3 \text{ で } 1 \text{ が } D]$
- ▶ ...
- ▶ $p_{DDD} = \Pr[v_1 \text{ で } 1 \text{ が } D] \cdot \Pr[u_2 \text{ で } 1 \text{ が } D] \cdot \Pr[u_3 \text{ で } 1 \text{ が } D]$

混合戦略と行動戦略

完全記憶展開形ゲームにおいては

- ▶ 任意の混合戦略に対して，ある行動戦略が存在してそれらの与える期待利得は等しい
- ▶ 任意の行動戦略に対して，ある混合戦略が存在してそれらの与える期待利得は等しい

(Kuhn '53)

展開形ゲームにおける均衡

2つの均衡概念

- ▶ 混合ナッシュ均衡：展開形ゲームの標準化に対する混合ナッシュ均衡
- ▶ 行動戦略でのナッシュ均衡：行動戦略でナッシュ均衡となるもの

行動戦略でのナッシュ均衡とは？

任意のプレイヤー i の任意の情報集合 u における行動戦略を
変化させても、プレイヤー i の得られる利得が大きくなるしない ($\forall i \in N$)

前のスライドの Kuhn '53 の結果の帰結

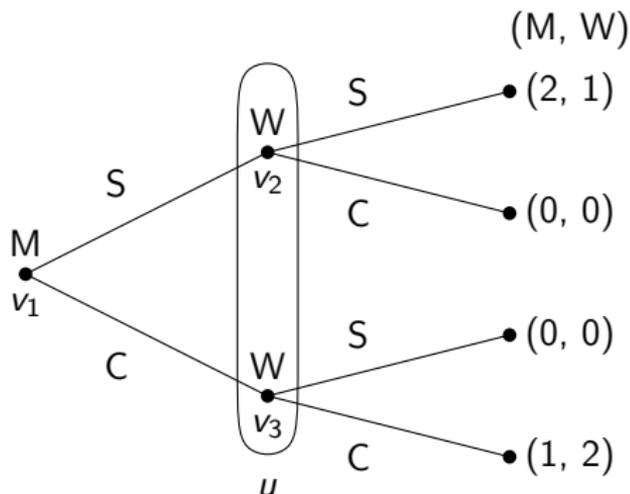
完全記憶ゲーム展開形ゲームでは、
混合ナッシュ均衡と行動戦略でのナッシュ均衡が一致
(特に行動戦略でのナッシュ均衡が存在)

完全記憶ゲームでない場合は、成り立たないかもしれない

補足：戦略形ゲームから展開形ゲーム

男性の 利得行列		女性	
		S	C
男性	S	2	0
	C	0	1

女性の 利得行列		女性	
		S	C
女性	S	1	0
	C	0	2



目次

- ① 展開形ゲームとは？
- ② 展開形ゲームにおける混合戦略と行動戦略
- ③ 完全情報展開形ゲームと後ろ向き帰納法
- ④ 今日のまとめ

完全情報展開形ゲームのナッシュ均衡

目標

完全情報展開形ゲームのナッシュ均衡を計算する

手法

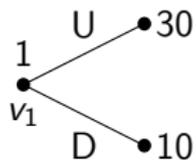
後ろ向き帰納法 (backward induction)

特徴

- ▶ 「ボトムアップ」な手法
- ▶ 純粋ナッシュ均衡を発見
- ▶ 計算量がゲーム木の大きさに対する線形時間

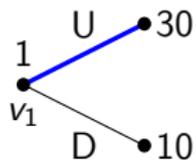
例 1

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 1)



例 1

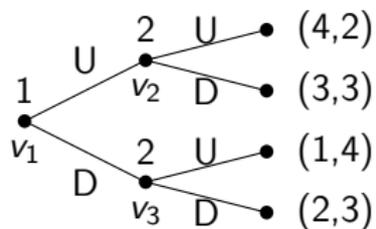
ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 1)



v_1 で 1 は U を選び, 受け取る利得は 30

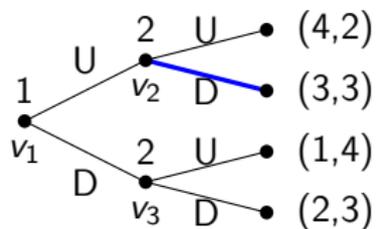
例 2

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2)



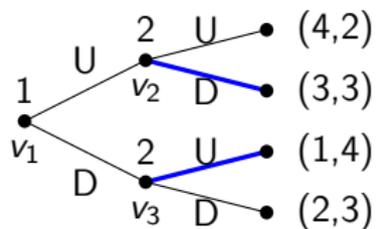
例 2

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2)



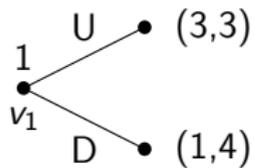
例 2

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2)



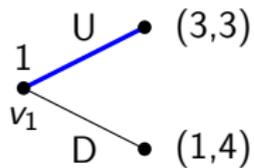
例 2

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2)



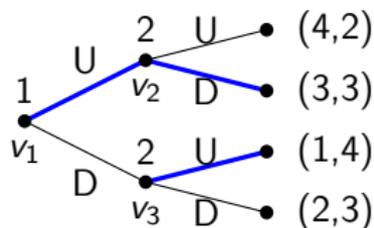
例 2

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2)



例 2

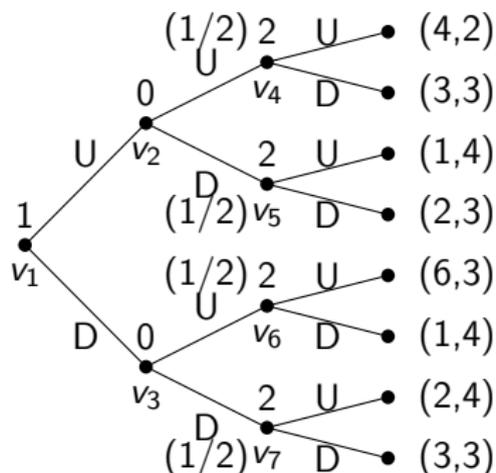
ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2)



v_1 で 1 は U を選び, v_2 で 2 は D を選び, v_3 で 2 は U を選ぶ
 受け取る利得は, プレイヤー 1 が 3, プレイヤー 2 が 3

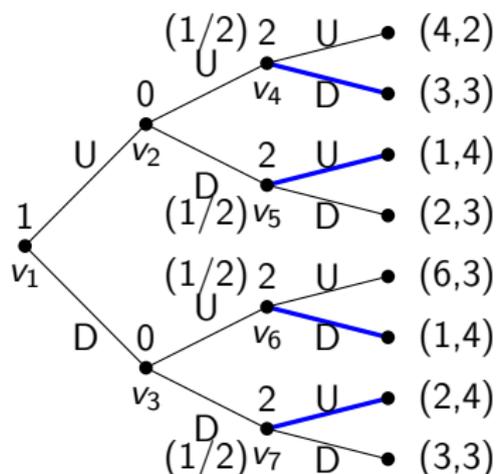
例 3

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2), 偶然手番あり



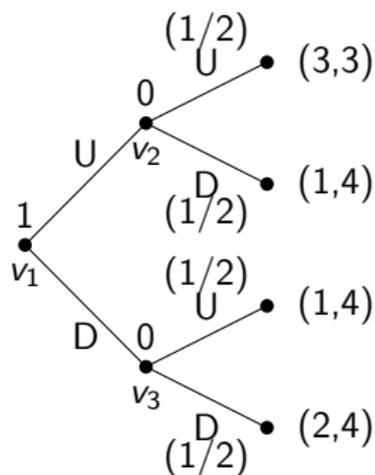
例 3

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2), 偶然手番あり



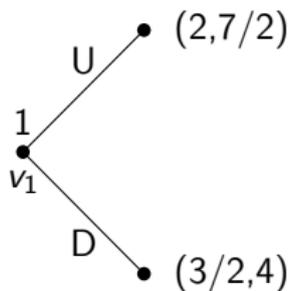
例 3

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2), 偶然手番あり



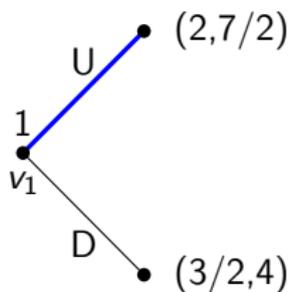
例 3

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2), 偶然手番あり



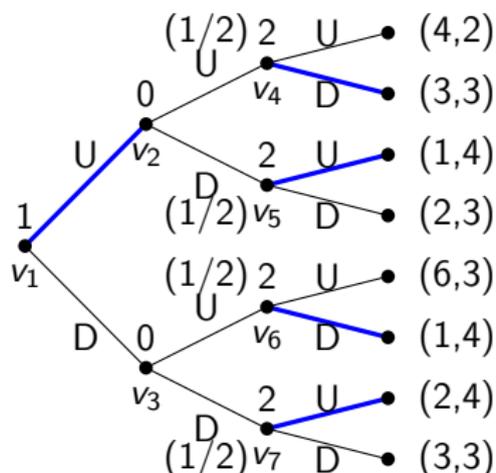
例 3

ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2), 偶然手番あり



例 3

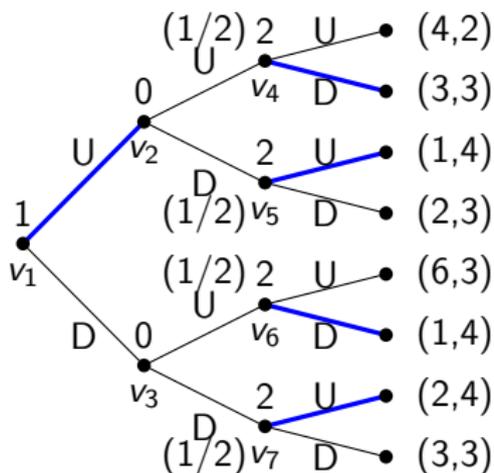
ナッシュ均衡は？ (プレイヤーの数 = 2), 偶然手番あり



v_1 で 1 は U を選び, v_4 で 2 は D を選び, v_5 で 2 は U を選び,
 v_6 で 2 は D を選び, v_7 で 2 は U を選ぶ
 受け取る期待利得は, プレイヤー 1 が 2, プレイヤー 2 が $7/2$

後ろ向き帰納法 (backward induction)

- 1 葉に近い部分ゲームから順に (純粹) 最適反応を計算
- 2 部分ゲームをその最適反応が与える利得に置き換え
- 3 順に根に近い部分ゲームの (純粹) 最適反応を計算
- 4 最終的にすべての内部頂点における戦略の選択が決定



目次

- ① 展開形ゲームとは？
- ② 展開形ゲームにおける混合戦略と行動戦略
- ③ 完全情報展開形ゲームと後ろ向き帰納法
- ④ 今日のまとめ

今日のまとめ

今日やったこと

展開形ゲームが何であるのか，理解する

- ▶ 展開形ゲームの構成要素
- ▶ 混合戦略と行動戦略
- ▶ 完全情報展開形ゲームのナッシュ均衡計算法

次回と次々回

- ▶ 展開形ゲームにおける情報構造がナッシュ均衡に与える影響を見る
- ▶ 2人完全記憶展開形ゲームにおけるナッシュ均衡の計算法を考える

目次

- ① 展開形ゲームとは？
- ② 展開形ゲームにおける混合戦略と行動戦略
- ③ 完全情報展開形ゲームと後ろ向き帰納法
- ④ 今日のまとめ